SimSEE

Repaso Post-Turismo

Ruben Chaer

Curso SimSEE edición 2025 – Martes 22 de abril.

UNIVERSIDAD
DE LA REPUBLICA
URUGUAY

Optimización

Planteo del PROBLEMA

$$\begin{array}{l} \textit{mín} \quad f(x) \\ x \in D \end{array}$$

$$f : D \rightarrow R$$

Función de costo

$$D \subset R^n$$

Dominio

Búsqueda Local

Búsqueda Local

Búsqueda Local Lineal

$$X_0; f(X_0)$$

Punto inicial interior
al dominio D

$$X_1 = X_0 + \vec{v} \cdot d$$

$$d \in \mathbb{R} / f(X_1) < f(X_0) \text{ y } X_1 \in D$$

$$\vec{v} = - \frac{\nabla f(X_0)}{\|\nabla f(X_0)\|}$$

Dirección de bajada
en un entorno de X_0

$$f_D = \{ (z, X) / z \in R; X \in D; z \geq f(X) \}$$

Problema CONVEXO

El problema es convexo si el SUPREMO de f sobre D es convexo.

Función de costo lineal.

$$f(x_1, x_2, \dots, x_n) = a_0 + \sum_{i=1}^{i=N} a_i x_i$$

Función de costo lineal.
Derivada direccional.

$$f(x_1, x_2, \dots, x_n) = a_0 + \sum_{i=1}^{i=N} a_i x_i$$

$$\frac{\partial}{\partial x_i} f(x_1, x_2, \dots, x_n) = a_i$$

Función de costo lineal.
Derivada direccional.

$$\frac{\partial}{\partial x_i} f(\cdot) = a_i \neq 0$$

Función de costo lineal

$$f(x) = a^T \cdot x + f_0$$

$$\nabla f(x) = a \neq 0$$

Notación:

$$\nabla f(x) \equiv \begin{bmatrix} \frac{\partial f}{\partial x_1} \\ \frac{\partial f}{\partial x_2} \\ \dots \\ \dots \\ \frac{\partial f}{\partial x_n} \end{bmatrix}$$

$$a \equiv \begin{bmatrix} a_1 \\ a_2 \\ \dots \\ \dots \\ a_n \end{bmatrix}$$

$$x \equiv \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \dots \\ \dots \\ x_n \end{bmatrix}$$

$$a^T \cdot x = \sum_{i=1}^{i=n} a_i x_i$$

Ejemplo Función Lineal

$$f(x_1, x_2)$$

observar que el Supremo de f en $\mathbb{R}^2$ es convexo.

Ejemplo Función Lineal

$$f(x_1, x_2)$$

observar que si D es convexo el problema lo es.

x_2

x_1

Problema Lineal

$$f(X) = a^T \cdot X + f_0$$

$$D = \bigcap_{i=1}^{i=Nr} \left\{ X / g_i(X) = a_i^T \cdot X + g_{i0} \leq 0 \right\}$$

observar que
el problema lineal
es convexo.

Método SIMPLEX

Relajación
de un
problema.

Relajación de un problema.

$$P_{\text{Original}} : \min_{X \in D} f(X)$$

$$P_{\lambda} : \min_{X \in D_{\lambda}} f_{\lambda}(X)$$

P_{λ} es una relajación de P_{original}

$$\Leftrightarrow \begin{cases} D \subseteq D_{\lambda} \\ \text{y } f_{\lambda}(X) \leq f(X) \quad \forall X \in D \end{cases}$$

Relajación

Relajación

- La solución del problema relajado, es una cota inferior de la solución del problema original.
- El valor de la función de costo del problema original, en la x solución del problema relajado (si es factible) es una cota superior de la solución del problema original.

Programación Entera Mixta.
(*Mixed Integer Programming*)

$$\begin{aligned} \min f(x) \\ x \in D \end{aligned}$$

$$D \subset R^{n_1} \times E^{n_2}$$

Modelo de Central Térmica con Mínimo Técnico

Árbol de problemas

- Dejamos variar libremente las variables en sus intervalos $[0,1]$ y resolvemos y vamos des-relajando de a una las variables.
- Al des-relajar creamos dos problemas más “ajustados”, pero que en conjunto, siguen siendo relajación del original mientras queden variables libres.

El objetivo principal

Plataforma de simulación SimSEE
¿Porqué y para qué?

... razonamos sobre modelos de la realidad

Que el árbol no tape el bosque y viceversa

Horizontes temporales para simulación y análisis

- **milisegundos:** Protecciones, estatismo de los generadores. Control distribuido.
 - **segundos:** Regulación de frecuencia - Generadores asignados con control específico.
 - **minutos:** Reserva Rotante (2.1% de la Demanda). Control vía AGC (u Operadores)
 - **10 to 20 minutos:** Reserva Flexible (2.1% de la Demanda). Control por Operadores
 - **>= 20 minutos:** Reserva Fría. (3% de la Demanda). Control por Operadores
-
- **horas:** Seguimiento de la Demanda real
 - **días:** Programación del uso de los recursos
 - **meses:** Optimización de embalses y previsión de compras de combustible
 - **años:** Optimización de inversiones

- Racionamiento
- Falla
- Déficit
- Demanda insatisfecha
- Costo de Falla

Escalones de Falla

- Se suele agregar más de una MÁQUINA DE FALLA, asignándoles diferentes costos variables de operación.
- En SimSEE, para cada Demanda se deben definir los escalones de falla especificando su profundidad y costo.

Decreto N° 105/013 de 02/04/2013

Artículo 1 .- Sustitúyese el artículo 177 del Reglamento del Mercado Mayorista de Energía Eléctrica aprobado por el Decreto N° 360/002 de 11 de setiembre de 2002 en la redacción dada por el artículo 1 del Decreto N° 121/007 de 30 de marzo de 2007 por el siguiente:

"El costo de las unidades de falla y el nivel de racionamiento asociado serán fijados por el Poder Ejecutivo a propuesta del Ministerio de Industria, Energía y Minería.

Se disponen las siguientes cuatro unidades de falla:

- A) para la primera unidad de falla, el porcentaje de la demanda es 2% y el Costo Variable para el Despacho será un 10% superior al costo variable de la Central Térmica de Respaldo La Tablada (CTR);
- B) para la segunda unidad de falla, el porcentaje de la demanda es 5% y el Costo Variable para el Despacho es 600 U\$S/MWh;
- C) para la tercera unidad de falla, el porcentaje de la demanda es 7.5% y el Costo Variable para el Despacho es 2.400 U\$S/MWh;
- D) Para la cuarta unidad de falla, el porcentaje de la demanda es 85.5% y el Costo Variable para el Despacho es 4.000 U\$S/MWh."

Despacho y restricciones de Nodo

$$\sum_k P_k = 0 ;$$

Despacho y restricciones de Nodo

Podemos plantear el problema de despacho como:

$$\begin{aligned} & \text{mín} \left(\sum_k c_k (PG_k) dt \right) \\ & @ \sum_k PG_k - \sum_h PD_h = 0 \end{aligned}$$

Donde:

- PG_k es la potencia inyectada por el generador k
- PD_h es la potencia retirada por la demanda h en el nodo en cuestión
- $c_k(PG_k)$ es el costo de generación del generador k expresado en USD/h cuando entrega una potencia PG_k y
- dt es la duración del paso de tiempo en horas.

Orden de mérito y Costo Marginal. Sólo Costos Variables.

Beneficio MARGINAL como herramienta de razonamiento.

- Costos FIJOS.
- Costos VARIABLES.
- Beneficio MEDIO.
- Beneficio MARGINAL.
- Rendimientos decrecientes.

¿Hasta dónde invertir?

Los Recursos

Costos Variable = CV [USD/MWh]

Costos Fijos = PP [USD/MWh]

	PP [USD/MWh]	CV [USD/MWh]
eólica	65	0
solar	85	0
Turbina Ciclo Abierto (GO)	15	120
Ciclo Combinado (GO)	25	90
@wti = 50 USD/bbl		

Biomasa (Autodespachada | Spot)

Hidroeléctricas

Despacho Óptimo

Primer Principio: “Sólo Costos Variables”

Despacho Óptimo
Segundo Principio:
“Los contratos son de papel”

Valor del Agua

Valor de un recurso almacenable

Comparación entre costo del presente y costo del futuro.

De no haber restricciones para el traslado en el tiempo, el costo marginal sería el mismo en todas las horas del futuro.

INCERTIDUMBRE DEL FUTURO.

MODELOS ESTOCÁSTICOS

PRONÓSTICOS

Costo Marginal

No Gestionable Demanda Neta

Costo Marginal, CV y Factor de Despacho.

Beneficio Por Sustitución.

Gradiente de Inversión.

$$GI = (BPS * fd - PP) / PP$$

**La tecnología más eficiente
marca la expansión hasta que su
 $GI = 0$.**

Eólica:
CV = 0 USD/MWh
PP = 65 USD/MWh.

Operación óptima de un Sistema Dinámico.

Libro Blanco: "Operación óptima de los recursos de generación de energía eléctrica"

Estado de un Sistema Dinámico

- X = Vector de información que capta todo lo relevante del pasado para calcular el futuro si se conocen las entradas de aquí en mas.

$$X(t) = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \dots \\ x_n \end{bmatrix}$$

The Operator and the Operation Policy

Modelo de Generador Térmico Básico.

$$C = \sum_{j=1}^{NPostes} P_j cv_{inc} \Delta t_j$$

Modelo de Generador con Mínimo Técnico.

$$C = \sum_{j=1}^{N\text{Postes}} A_j \left(C_{\text{mín}} + (P_j - P_{\text{mín}}) CV_{\text{inc}} \right) \Delta t_j$$

$$A_j = P_j > P_{\text{mín}}$$

The optimal dispatch of generation resources is a Stochastic Dynamic Programming problem.

The use of stored resources (water) today reduces the operating costs of the present but increases those of the future, and vice versa.

An optimal policy is one that reduces the expected value of the future operating cost of the system.

Min <Future Cost>

At the optimum, the variations of Present vs. Future are in equilibrium.

Dynamic Programming 1957

Bellman recursion

$$CF(X, k) = \left\langle \min_{u_k} \left\{ sc(X, u_k, r_k, k) + \rho FC(X_{k+1}, k+1) \right\} \right\rangle_{\{r_k, r_{k+1}, \dots\}}$$

Bellman's Curse of Dimensionality

Richard Ernest Bellman (1920–1984)

PO_Optima = Minimizar el valor
esperado del Costo Futuro

$$CF(x, k) = \langle \min_{u_k} \{ CE(x, u_k, r_k, k) + q \cdot CF(x', k+1) \} \rangle_{r_k}$$

Bellman's curse of dimensionality.

$$Dim(u) \times N_{X_1} \times N_{X_2} \dots \times N_{X_{Dim(X)}} \times N_{r_1} \times N_{r_2} \dots \times N_{r_{Dim(r)}} \times N_k$$

2nd generation of robots with artificial intelligence

VatesIA_MP y
VatesIA_CP

Time-Bands (Patamares) defined by the Monotonous Load Curve ...

Makes sense?

Only an example, 4 days of july-2018-Uruguay

Source: ADME - SCADA ten-minute time series

Representación de la incertidumbre.

Hydroelectric annual variability in Uruguay

Source: The risk images are from the IIE studies carried out in 2018 respectively.

Operador Sin Pronósticos.

Operador Con Pronósticos.

Representation of uncertainty.

Sources of randomness Stochastic processes

- Demand and temperature
- Flows of water contributions
- Wind speed
- Solar radiation
- Price of interconnected markets
- Fuel prices
- Availability of fuels
- Availability of generating plants
- Availability of transport lines

El Niño, Hydro, Wind, Solar, Demand,
Temperature.
(correlated processes)

Equipment availability
(independent booleans)

We are managing faster dynamics, therefore, the correlation between the different resources has greater importance. We need models of variability that correctly represent the correlation between resources and the correlation with the past. That is, we have to represent the inertia behind the stochastic variables.

Disponibilidad de Generadores, líneas de transmisión, etc.

- Si no representamos el estado de Disponible/Indisponible, con pasos de tiempo de simulación pequeños, el efecto de la Inercia del proceso de Rotura/Reparación es subestimado.
- Cada unidad representada agrega una variable de estado booleana.

Modelos CEGH.

- Conservan histogramas de amplitudes.
- Conservan correlaciones.

Mundo Real

TNL (lentes)

*Mundo
Gaussiano*

Modelos CEGH.

*Espacio Gaussiano:
Sistema lineal multi-variable
alimentado por vector de
Ruido Blanco Gaussiano*

$$X_{k+1} = \sum_{h=0}^{n_r-1} A_h X_{k-h} + \sum_{h=0}^{m-1} B_h R_{k-h}$$

Permite definir reducciones del estado.

Permite la incorporación de información de Pronósticos.

NLT

NLT

NLT

NLT

NLT

NLT

Espacio Real

Operador Con Pronósticos.

Modelo CEGH

Correlaciones en Espacio Gaussiano con Histograma.

Maldición de Belman.

$$u_k = p(x_k, r_k, k)$$

$$\text{Dim}(u) \times \text{Dim}(x) \times \text{Dim}(r) \times \text{Dim}(k)$$

Reducción del Espacio de Estado en modelos CEGH

$$z = R(X)$$

$$u = PO_z(z, r, t)$$

$$X = A(z, w)$$

W es el ruido que permite poblar el volumen de X que mapea en el z dado.

Treatment of forecasts in CEGH modeling. Gaussianization

Treatment of forecasts in Gaussian space with reduction in CEGH modeling.

Ease integration of FORECASTS in CEGH modeling.

$$X_{k+1} = \sum_{h=0}^{h=n_r-1} A_h X_{k-h} + S_k + F_k \sum_{h=0}^{h=m-1} B_h R_{k-h}$$

biases:

$$S_k = \begin{bmatrix} s_{1,k} \\ \dots \\ s_{n,k} \end{bmatrix}$$

attenuators:

$$F_k = \begin{bmatrix} f_{1,k} & 0 & \dots & 0 \\ 0 & f_{2,k} & \dots & 0 \\ 0 & \dots & 0 & f_{n,k} \end{bmatrix}$$

The biases (S) change the 50% probability guide and the attenuation factors (F) regulate the noise injection, allowing to go from a Deterministic Forecast ($F = 0 =$ null noise) to the disappearance of the forecast ($S = 0; F = 1 =$ historical noise).

Incorporación de iN34 a la Programación Estacional

PRONOS-1 2016-2017

<https://pronos.adme.com.uy>

<https://pronos.adme.com.uy/svg/>

VATES

Continuous forecast of the next 168 hours
of optimal operation.

<https://vates.adme.com.uy>

Slide: 39

SimSEE

Diseño e
Implementación

Object Oriented Modeling.

Modelado Orientado por los Objetos.

- Trauma de las correcciones.
- Es imposible no equivocarse, pero...

- Generadores
- Demandas
- Nodos
- Arcos

Programación por Eventos

(mala traducción??? será SEÑALES, OCURRENCIAS???)

Repetir para cada paso:

<evSorteosDelPaso >

< evCargarProblema >

Resolver el despacho

< evLeerResultados >

Parámetros dinámicos.

Fuentes de valores

- Constante
- Uniforme
- Gaussiana
- Weibull
- Combinación
- Producto
- CEGH

Implementación de SimSEE

En cada paso de tiempo hay que:

Resolución de un paso

$$\underset{x}{\text{máx}} \left(- \sum_{j=1}^{j=nv} c_j \cdot u_j \right)$$

sujeto a :

$$RD_i) : \sum_{j=1}^{j=nv} a_{ij} \cdot u_j + b_i \geq 0 ; i = 1..NRD$$

$$RI_l) : \sum_{j=1}^{j=nv} a_{lj} \cdot u_j + b_l = 0 ; l = 1..NRI$$

Tabla del problema.

		Variables de control					
		u1	u2	...	unv	1	
Restricciones	R1	a11	a12	...	a1nv	b1	≥ 0
	R2	a21	a22	...	a2nv	b2	$= 0$
	...	...	...	...	...	...	...
	RM	am1	am2	...	amnv	bm	≥ 0
	-fc	-c1	-c2	...	-cnv		

$$m = \text{NRD} + \text{NRI}$$

Tipo de restricción (Desigualdad o Igualdad).
 Restricciones de caja.

Implementación
COLABORATIVA
de los Actores para
cargar un TSimplex.

Dimensionado

Consulta a todos los actores.
Variables de control “u”, Cantidad de restricciones
(y cantidad de variables enteras).

Dimensionado del MIPSimplex

- Ponemos el índice de variables y de restricciones en UNO y llamamos a cada actor pasándole dichos índices para que cada actor guarde el valor de los mismos en el momento y que los incremente en la cantidad de variables y restricciones.
- De esa forma, además de tener la dimensión del problema, logramos que cada Actor sepa el lugar de inicio de sus variables y sus restricciones en la tabla del problema.

El código

```
ivar:= 1; // índice de variables de control
ires:= 1; // índice de restricciones adicionales
ivae:= 1; // índice de variables enteras

for k:= 0 to high(actores) do
    actores[k].opt_nvers( ivar, ivae, ires );
```

Recorrida de carga del MIP Simplex

		Variables de control					
		u1	u2	...	u _{nv}	1	
Restricciones	R1	▶ a11	▶ a12	...	▶ a1 _{nv}	▶ b1	≥ 0
	R2	a21	▶ a22	...	▶ a2 _{nv}	▶ b2	= 0
	...	...	...	...	...	...	...
	RM	am1	am2	...	am _{nv}	bm	≥ 0
	-fc	▶ -c1	▶ -c2	...	▶ -c _{nv}		

Acceso a la matriz del Simplex

- `s.pon_e( kFil, jCol, val )`
- `s.acum_e( kFil, jCol, val )`

		Variables de control					
		u1	u2	...	Unv	1	
Restricciones	R1	a11	a12	...	a1nv	b1	≥ 0
	R2	a21	a22	...	a2nv	b2	$= 0$
	...	...	...	...	...	...	...
	RM	am1	am2	...	amnv	bm	≥ 0
	-fc	-c1	-c2	...	-cnv		

Resolución del problema de despacho de la etapa

```
spx.resolver;
```

Modelo de máquina con mínimo técnico.

Modelo de máquina con mínimo técnico. ON/OFF por paso

Variables de control

$$A = \begin{cases} 1; ON \\ 0; OFF \end{cases}$$

$$B_j = (P_j - P_{mín})$$

$$0 \leq B_j \leq P_{máx} - P_{mín}$$

1+NPOSTES

Cargado de la matriz

$$P_j = B_j + P_{mín} \cdot A$$

Aporte a las restricciones del nodo

$$B_j \leq (P_{máx} - P_{mín}) \cdot A$$

Restricciones adicionales (NPOSTES)

$$c = c_o \cdot A + \sum_j c_v \cdot B_j$$

Aporte a la función de costo

Modelo de máquina con mínimo técnico. ON/OFF por poste

- Variables de control

$$A_j = \begin{cases} 1; ON \\ 0; OFF \end{cases}$$

$$B_j = (P - P_{mín})$$

$$0 \leq B_j \leq P_{máx} - P_{mín}$$

- 2*NPOSTES

- Cargado de la matriz

$$P_j = B_j + P_{mín} \cdot A_j$$

- Aportes a las restricciones del nodo

$$B_j \leq (P_{máx} - P_{mín}) \cdot A_j$$

- Restricciones adicionales (NPOSTES)

$$c = \sum_j co \cdot A_j + \sum_j cv \cdot B_j$$

- Aporte a la función de costo

<https://simsee.org/downloads.html>

Si desea compilar usted mismo los binarios, debe:

1) instalar el entorno de desarrollo Lazarus Pascal (<https://www.lazarus-ide.org/>).

2) bajar los fuentes del repositorio:

```
svn checkout svn://svn.code.sf.net/p/simsee/src/trunk {$HOME}/SimSEE/SimSEE_src/src/trunk
```

3) ejecutar el script makeall.bat o makeall.sh (según esté en Windows o Linux) que se encuentra en la carpeta

```
{$HOME}/SimSEE/SimSEE_src/src/trunk
```